

دورة ماي 2008

«البكالوريا التجريبية في مادة الرياضيات»

المدة: 3 ساعات

الشعبة: 3 علوم تجريبية

التمرين الأول: (نقاط)

نعتبر في مجموعة الأعداد المركبة $\mathbb{C}$ المعادلة (E):

$$z^3 + 4(1-i)z^2 - 2(1+6i)z - 8 - 4i = 0$$

1- برهن أن المعادلة (E) تقبل حلا تخيليا صرفا z_1 يطلب تعيينه.

2- حل في $\mathbb{C}$ المعادلة (E) ، (z_2 الحل الذي له أكبر جزء تخيلي، z_3 الحل الآخر)

3- A ، B ، C ثلاث نقاط من المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j})$ لواحقتها على الترتيب z_1 ،

z_2 ، z_3

أ) أثبت وجود تشابه مباشر يحول النقطة A إلى النقطة B و النقطة B إلى C ثم عين عناصره المميزة.

ب) عين العددين الحقيقيين α ، β حتى يكون مرجح النقاط A ، B ، C المرفقة على الترتيب بالمعاملات 1 ، α ، β

هو النقطة H ذات اللاحقة $(-2+2i)$

التمرين الثاني: (نقاط)

في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر سطح الكرة (S) التي معادلتها :

$$x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 6z + 8 = 0 \text{ و المستوي (P) الذي معادلته هي: } x - y + 2z + 1 = 0$$

1) بين أن مركز الكرة (S) هو النقطة $\Omega(1, 2, 3)$ و أن نصف قطرها يساوي $\sqrt{6}$.

2) تحقق من أن المستوي (P) مماس للكرة (S).

3) أ. عين تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) المار من Ω و العمودي على (P).

ب. عين إحداثيات النقطة ω نقطة تماس (P) و (S).

التمرين الثالث: (نقاط)

كيس به 9 كرات منها 2 سوداء 3 بيضاء 4 حمراء .

نسحب كرتين من الكيس في آن واحد ونفرض أنه عند سحب كرة سوداء نسجل 3 نقاط، و عند سحب كرة بيضاء نسجل

نقطة واحدة ، و عند سحب كرة حمراء نفقد نقطتين .

نعتبر المتغير العشوائي X الذي يرفق بكل سحب مجموع النقاط المسجلة.

1- عين قيم المتغير العشوائي X .

2- ما هو قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X ؟

3- احسب الأمل الرياضي للمتغير العشوائي X.

التمرين الرابع: (نقاط)

1) g دالة عددية معرفة على $]0, +\infty[$ بالشكل : $g(x) = x - 1 + 2 \ln x$

1. أدرس تغيرات الدالة g ، و أحسب $g(1)$.

2. استنتج إشارة $g(x)$ على $]0, +\infty[$.

(II) لتكن f الدالة العددية المعرفة على $]0, +\infty[$ بالشكل : $f(x) = x - 2 + (\ln x)^2 - \ln x$

(ع) المنحني البياني الممثل للدالة f في مستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j})$.



(1) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي موجب تماما x لدينا $f'(x) = \frac{g(x)}{x}$

(2) ادرس تغيرات الدالة f ، عين نهايتي الدالة f عند $+\infty, 0$

(3) أثبت أن (ع) يقطع محور الفواصل في نقطتين فاصلتهما x_0, x_1 حيث : $x_0 \in \left[\frac{1}{e}, 1\right]$ و $x_1 \in \left]2, \frac{9}{4}\right[$.

(4) أدرس وضعية المنحني بالنسبة إلى المستقيم (Δ) الذي معادلته : $y = x$

(5) برهن أنه توجد نقطة A يكون عندها المماس (D) لـ (ع) موازيا لـ (Δ) و اكتب معادلة له.

(6) أنشئ (ع) و (D).

بالنوفيق

إنتهى

الصفحة 2/2

الأستاذ: يوسف ك